

Sistemas lineales

Question 1

[Top 1](#) [Bottom](#) [Focus](#) [Help](#)

1.1

Aplicar a la siguiente matriz el método de Gauss-Jordan, utilizando pivotación parcial por columnas, y resolver los dos sistemas lineales con vectores de términos independientes que aparecen en el último apartado. Entrar la diagonal de la matriz resultante.

$$\begin{bmatrix} 7 & 2 & 2 & -6 \\ 1 & -3 & -4 & -4 \\ -2 & 4 & 3 & 3 \\ -2 & 6 & -2 & -8 \end{bmatrix}$$

You have not attempted this yet

The teacher's answer was:

$$\begin{bmatrix} 7 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -30/7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 11/6 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -34/11 \end{bmatrix}$$

1.2

Introducir el vector de permutaciones:
You have not attempted this yet

The teacher's answer was:

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \end{bmatrix}$$

1.3

Entrar el valor del determinante:
You have not attempted this yet

The teacher's answer was:

-170

1.4

Resolver los sistemas lineales $A \mathbf{x}_i = \mathbf{b}$ cuando \mathbf{b} es uno de los vectores siguientes

$$\begin{bmatrix} 95 \\ -35 \\ 22 \\ -4 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 44 \\ -58 \\ 44 \\ -40 \end{bmatrix}$$

diagonal obtenida, obtenemos en este orden, la matriz identidad de orden 4, la solución de los dos sistemas de ecuaciones lineales solicitados y en las últimas 4 columnas la matriz inversa de la matriz original.

$$\left[\begin{array}{cccc|cccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 9 & 8 & 21/85 & 22/17 & \frac{114}{85} & -28/85 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 9 & 6 & -16/85 & -37/17 & -\frac{184}{85} & \frac{71}{170} \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 4 & 6 & 3/17 & 23/17 & 26/17 & -4/17 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 6 & 2/17 & 21/17 & 23/17 & -11/34 \end{array} \right]$$

La matriz inversa es:

$$\left[\begin{array}{cccc} 21/85 & 22/17 & \frac{114}{85} & -28/85 \\ 3/17 & 23/17 & 26/17 & -4/17 \\ -16/85 & -37/17 & -\frac{184}{85} & \frac{71}{170} \\ 2/17 & 21/17 & 23/17 & -11/34 \end{array} \right]$$

Nota: ¿qué ocurre si la pivotación es por columnas? ¿Y si es por filas?

Determinante

El valor del determinante viene dado por el producto de los elementos de la diagonal de la matriz obtenida. Además, hay que considerar el número realizado de permutaciones de columnas (1) ya que el determinante cambia de signo en cada una. Por tanto, es

$$|A| = \prod_{i=1}^4 d_{ii} \times (-1)^{\text{número de permutaciones}} = -170$$

Resolución del sistema

Por cada vector de términos independientes, debemos resolver el sistema diagonal $D \mathbf{x}_i = \mathbf{v}_i$, $i=1,2$. Despejando cada incógnita, las obtenemos en el orden: $x_1 \Rightarrow x_3 \Rightarrow x_2 \Rightarrow x_4$, ya que las columnas de la matriz diagonal U están en el orden que indica el vector de permutaciones de columnas. Esto origina una reordenación de las incógnitas.

Resolvemos entonces el primer sistema diagonal

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 7 & 0 & 0 & 0 & 63 \\ 0 & -30/7 & 0 & 0 & -270/7 \\ 0 & 0 & 11/6 & 0 & 22/3 \\ 0 & 0 & 0 & -34/11 & 34/11 \end{array} \right] \Rightarrow \left[\begin{array}{cccc|c} x_1 & & & & 9 \\ x_3 & & & & 9 \\ x_2 & & & & 4 \\ x_4 & & & & -1 \end{array} \right]$$

Y ahora el segundo

$$\left[\begin{array}{cccc|c} 7 & 0 & 0 & 0 & 56 \\ 0 & -30/7 & 0 & 0 & -180/7 \\ 0 & 0 & 11/6 & 0 & 11 \\ 0 & 0 & 0 & -34/11 & -204/11 \end{array} \right] \Rightarrow \left[\begin{array}{cccc|c} x_1 & & & & 8 \\ x_3 & & & & 6 \\ x_2 & & & & 6 \\ x_4 & & & & 6 \end{array} \right]$$

ambos directamente, resultando los vectores solicitados.



(cc) Jesús García Quesada 2010

Mark summary:

Question	Value	Your mark
1.1	1.50	-
1.2	0.50	-
1.3	0.50	-
1.4	1.50	-
Total	4.00	0.00

[New Version](#) Click here to see a new version of this quiz.

[New Quiz](#) Click here to select a new quiz.

If you have technical problems, you can send email to the [administrator](#).
Mathematical questions can be sent to the [teacher](#).